# 基于深度展开的 SAR 大斜视 RD 成像算法

陈鹭伟,罗迎\*,倪嘉成,熊世超

(空军工程大学信息与导航学院,西安,710077)

**摘要** 大斜视角条件下的合成孔径雷达 SAR 回波信号具有方位向和距离向严重耦合、大距离徙动等特点, 采用常规的距离多普勒 RD 算法成像,会引起方位向的散焦以及空变等问题。为了改善大斜视 SAR 在成像 过程中存在的问题,提出了一种基于深度展开网络的 SAR 大斜视可学习距离多普勒成像方法。该方法将 RD 成像方法与深度学习结合,利用 RD 成像的步骤构建了基于深度展开网络的 RD 学习成像网络结构,将 回波数据作为网络输入来学习回波数据到大斜视 SAR 图像的成像过程。首先,在分析大斜视 SAR 回波信 号模型的基础上确定了网络成像过程中的可学习参数;其次,根据成像过程设计大斜视 SAR 成像网络;最 后,通过非监督训练的方法对网络进行训练,最终输出学习成像结果。点目标和面目标仿真结果表明,该方 法可以有效抑制旁瓣,提高成像精度和计算效率,满足 SAR 在大斜视角下的成像要求。

关键词 合成孔径雷达;雷达成像;可学习距离多普勒算法;大斜视;深度展开网络 **DOI** 10.3969/j.issn.2097-1915.2022.04.007

中图分类号 TN957 文献标志码 A 文章编号 2097-1915(2022)04-0043-08

## A Novel Range-Doppler Imaging Method for Highly Squinted SAR Based on Deep Unfolded Net

CHEN Luwei, LUO Ying, NI Jiacheng, XIONG Shichao

(Information and Navigation Shool, Air Force Engineering University, Xi'an 710077, China;)

**Abstract** The high-squint synthetic aperture radar (SAR) echo signal is characterized by serious coupling between azimuth di-rection and range direction, large range migration. Imaging with conventional range Doppler (RD) algorithm causes problems such as azimuth defocus and space variation. In order to solve the problems in the imaging process of high-squint SAR and imaging quality and calculation cost, a Learnable Range Doppler (LRD) imaging method for high-squint SAR based on deep unfolded network is proposed. This method combines RD algorithm with deep learning by using RD imaging depth steps to build an RD imaging study network structure. Taking the echo data as network input is to learn the imaging process from echo data to SAR image. Firstly, the learnable parameters of imaging network are determined based on the analysis of the echo signal model of high-squint SAR. Secondly, the SAR imaging network is designed according to the imaging process. Finally, the network is trained through unsupervised training method and output the learning imaging result. The simulation results of point targets and real scene tar-

通信作者:罗 迎(1984—),男,湖南益阳人,教授,博士生导师,研究方向为雷达成像与目标识别。E-mail:luoying2002521@163.com

**收稿日期:** 2022-03-07

基金项目:国家自然科学基金(62131020,62001508);陕西省自然科学基金(2020JQ-480)

作者简介: 陈鹭伟(1998—),男,福建泉州人,硕士生,研究方向为 SAR 成像。E-mail:luwei\_0520@163.com

**引用格式:** 陈鹭伟,罗迎,倪嘉成,等. 基于深度展开的 SAR 大斜视 RD成像算法[J]. 空军工程大学学报, 2022, 23(4): 43-50. CHEN Luwei, LUO Ying, NI Jiacheng, et al. A Novel Range-Doppler Imaging Method for Highly Squinted SAR Based on Deep Unfolded Net[J]. Journal of Air Force Engineering University, 2022, 23(4): 43-50.

gets show that the proposed method can effectively suppress side lobes, improve imaging accuracy and calculation efficiency, and meet the requirements of high-squint SAR imaging.

**Key words** synthetic aperture radar (SAR); radar imaging; learnable range doppler (LRD) algorithm; high-squint; deep unfolded net (DUN)

合成孔径雷达(synthetic aperture radar,SAR)作 为一种主动传感器,可以对目标进行全天候、全天时、 高分辨观测,并且具备很强的穿透性,因此广泛应用 于军事和民用领域<sup>[13]</sup>。斜视 SAR 由于具有灵活的波 束指向,相比正侧视 SAR 成像具备提前探测斜前视 的能力,可以实现对敌方目标的实时侦察,因此研究 大斜视角下的 SAR 成像算法具有重要的意义<sup>[2]</sup>。

斜视 SAR 由于波束指向与航迹不垂直,其回波 信号具有大距离徙动特点,且存在距离向和方位向 的严重耦合,常规的 RD 算法将斜距泰勒展开为低 阶形式,带来了较大的误差,在方位向上的聚焦性能 具有局限性,因而不能适用于大斜视角的 SAR 成 像。改进的 RD 算法虽然通过二次距离压缩来提高 成像质量,但在距离徙动校正、三次相位补偿过程中 引入了一定的相位误差,成像质量随着斜视角的增 加下降<sup>[3]</sup>。Omega-K 算法虽然可以对大斜视回波 信号进行较为精确的成像,但需要大量的插值运算 才可以完成<sup>[4]</sup>。

近几年随着深度学习的发展[5],基于数据驱动 的智能学习方法已成功运用到 SAR 图像解译当中, 这些方法从海量的 SAR 图像数据中学习得到"图像 域"到"目标参数域"的非线性复杂映射[6-7]。该类方 法的优点是普适性强,能够最大程度地拟合数据间 的复杂映射关系,但是存在着神经网络拓扑结构设 计难度大、网络参数多等问题。针对这些问题,文献 [8]提出一种将算法簇深度展开为网络的方法,将乘 子交替方向法(alternating direction method of multipliers, ADMM)展开成网络形式,获得了比传统 ADMM 算法更加精确的结果。文献[9]采用软阈 值迭代算法(iterative shrinkage-thresholding algorithm,ISTA)设计深层展开网络,并应用于稀疏信 号重构中,相比传统 ISTA 算法大幅提升了信号重 构精度。文献[10]初步验证了深度学习方法 SAR 成像中的可行性,但所提方法的可学习参数少,对迭 代算法的依赖性较强。

综上所述,目前虽然已有一些文献研究基于深 度学习的 SAR 成像技术,但是这些工作的成像模式 一般设定在正侧视条件下,还未有针对在大斜视条 件下的 SAR 学习成像技术研究。因此,本文提出了 一种基于深度展开网络的大斜视可学习距离多普勒 (LRD)成像算法,兼顾 SAR 成像时间以及成像精度,同时也能够改变 RD 对于斜视角度的限制。

### 1 大斜视 SAR 回波信号模型分析

SAR 大斜视成像系统与观测场景之间的位置 关系如图 1(a)所示,其中,平台的高度为h,斜视角 为 $\theta_0$ ,假设平台作匀速直线运动,速度为 $V_r$ , $R_0$  为 航线与观测场景中心的最近距离, $R_B(t,\tau;R_0)$ 为平 台与点目标之间的瞬时斜距,其中t 为快时间变量,  $\tau$  为慢时间变量。



图 1(b)为 SAR 平台与点目标的几何关系,设 O点为慢时间的起点,则 A 点同样也是慢时间的起 点, $t_0$ 为波束中心穿越时刻, $R_c$ 为 A 点到平台的距 离,则根据余弦定理可以得到平台与点目标 P 之间 的瞬时斜距为:

$$R_{\rm B}(\tau;R_{\rm c}) =$$

 $\sqrt{(V_r \tau - Y_n)^2 + R_c^2 - 2R_c (V_r \tau - Y_n) \sin\theta_0}$ (1)

假设雷达发射线性调频信号(linear frequency modulation, LFM),调频率为 $K_r$ ,脉冲宽度为 $T_p$ ,则平台接收到的基带回波信号为:

$$S_{r}(t,\tau;R_{c}) = w_{a}(t-\tau)w_{r}\left(t-\frac{2R_{B}(\tau;R_{c})}{c}\right) \cdot \exp\left[-j\frac{4\pi R_{B}(\tau;R_{c})}{\xi}\right]\exp\left[j\pi K_{r}\left(t-\frac{2R_{B}(\tau;R_{c})}{c}\right)^{2}\right]$$

$$(22)$$

式中: *ξ*为雷达工作波长, *w<sub>a</sub>、w<sub>r</sub>*分别为方位向、距离向的包络。

传统的 RD 成像算法是将公式(1)进行二阶近 似,忽略高阶项带来的误差,直接在距离多普勒域进 行距离徙动校正,经过距离压缩和方位压缩成像。 算法未考虑大斜视回波信号的特点,因此不符合大 斜视角条件下的成像要求。

下面将 R<sub>B</sub>(τ; R<sub>c</sub>)进行泰勒级数展开得到:

$$R_B(\tau; R_c) = R_c - (V_r \tau - Y_n \sin \theta_0 + \frac{\cos^2 \theta_0}{2R_c} (V_r \tau - Y_n)^2 + \frac{\sin \theta_0 \cos^2 \theta_0}{2R^2} (V_r \tau - Y_n)^3$$
(3)

从式(3)可以看出,线性项为距离走动项,高次项 为距离弯曲项,当斜视角足够大时,高次项的值很小, 因此可以忽略距离弯曲对包络的影响。结合式(2)、 (3)可以看出距离弯曲项和雷达波长处于同一个数量 级,因此不可以忽略距离弯曲对回波相位的影响。

下面将回波信号变换到距离频域上,忽略两个 维度的信号包络,对其进行距离走动校正和距离向 脉冲压缩。

走动误差为:

$$\Delta R_w = V_r \tau \sin \theta_0 \tag{4}$$

构造的匹配滤波函数为:

$$H_1(f_r,\tau) = \exp\left(-j \frac{4\pi \Delta R_w(f_r + f_0)}{c} - j \frac{\pi f_r^2}{K_r}\right)$$
(5)

式中:*f*,为距离向频域;*f*。为雷达工作频率。此时, 经过走动校正、距离压缩后的回波信号,多普勒中心 的频率搬移到零频,因此雷达发射波束的中心线位于 零多普勒平面。经过以上操作得到的回波信号为:

$$S_{r'}(f_r, \tau_1; R_c) = \exp\left[-j\frac{4\pi}{c}\right](f_0 + f_r)R_D(\tau_1, R_c)$$
(6)

其中:

$$R_D(\tau_1, R_c) = R_c + \frac{\cos^2 \theta_0}{2R_c} (V_r \tau_1 - Y_n)^2 + \frac{\sin \theta_0 \cos^2 \theta_0}{2R_c^2} (V_r \tau_1 - Y_n)^3$$
(7)

$$\tau_1 = \tau - \frac{Y_n}{V_r} \tag{8}$$

经过压缩后的信号,距离向和方位向的耦合程度 大大降低,但仍存在着残余距离徙动以及距离弯曲项 对相位的影响。改进的 RD 算法在二维频域上分别 构造二次距离压缩、三次相位补偿函数以及方位向脉 冲压缩函数解决上述问题,具体构造方法可参考文献 [3],本文不再赘述。改进的 RD 算法在构造上述压 缩函数和补偿函数时均采用了不同程度的近似,当斜 视角增大时,其成像精度和质量逐渐下降。

### 2 大斜视 SAR LRD 成像网络

### 2.1 成像网络构建

针对第1节大斜视 SAR 成像存在的问题,本文 通过深度学习的方法,将二次距离压缩、三次相位补 偿函数 H<sub>2</sub>和方位脉冲压缩函数 H<sub>3</sub>作为可学习的 参数,通过网络学习得到相比传统算法更加精确的 成像矩阵,从而提高成像精度、改善聚焦效果。为了 更好地描述可学习参数与成像结果的关系,结合式 (2)、(5)以及文献[3]将大斜视 SAR 的 RD 成像算 法过程写成矩阵相乘的算子形式:

 $\Theta = M(S) = F_a^{-1} \cdot \langle \{ ([F_a \cdot ([(S \cdot F_r) \circ H_1])] \circ H_2 ) \circ F_r^{-1} \} \circ H_3 \rangle$  (9) 式中: $F_r, F_a$ 分别为距离向和方位向的傅里叶变换 矩阵, $F_r^{-1}, F_a^{-1}$ 为其逆变换矩阵;S为大斜视条件下 的全采样回波矩阵, $\circ$ 表示 Hadamard 乘积; $H_2, H_3$ 为所需学习的成像矩阵; $\Theta$ 为观测场景散射系数矩 阵。上述成像算法是一个可逆的过程,即可以利用 该成像的逆过程得到原始回波数据,逆过程表示为:

 $S = M^{-1}(\Theta) = \langle \{F_a([([(F_a \cdot \Theta) \circ H_3^*]) \cdot F_r)] \circ H_2^*) \} \circ H_1^* \rangle \cdot F_r^{-1}$  (10) 式中:\*表示矩阵共轭操作。根据式(9)、(10)的分析,SAR 成像可以看作为一个线性求解的逆问题, 该二维观测模型可以通过求解最优化问题得到:

 $\hat{\boldsymbol{\Theta}} = \arg\min_{\boldsymbol{\Theta}} \{ \| \boldsymbol{S}_r - \boldsymbol{M}^{-1}(\boldsymbol{\Theta}) \|_2^2 + \lambda \| \boldsymbol{\Theta} \|_p \}$  (11) 其中 $\lambda \| \boldsymbol{\Theta} \|_p$ 为正则化约束项, $\lambda$ 为正则化系数。 式(11)的求解依靠迭代优化算法(如 ISTA、AMP) 实现,这些传统算法要求其中的矩阵  $\boldsymbol{M}^{-1}$ 是精确已 知的,并且在迭代过程中,迭代参数的选择需要通过 人工进行多次调试才能获得较好的解,这无疑提高 了计算复杂度和时间成本。

本文所构建的 LRD 成像网络是建立在式(9)的 大斜视 SAR 二维观测模型的基础上,将式(11)的求 解算法深度展开成网络形式。需要注意的是,由于 网络中成像矩阵 H<sub>2</sub>、H<sub>3</sub>是可学习的矩阵,式(11)的 求解在成像网络中不再是一个线性问题,而是一个 复杂的非线性求解问题,因此需要在网络中添加非 线性变换实现回波信号到 SAR 图像的非线性拟合。 以 ISTA 算法求解式(11)为例,ISTA 算法主要分 为残差计算、算子更新以及软阈值迭代 3 个步骤,因 此在深度展开网络中,同样在网络的第 k 层(k=1, 2,…,K)构建相应的3个子网络层,具体描述为:

1)残差层:用 R 表示,该子网络层用来计算残差,在成像网络的第 k 层中,通过第 k-1 层输出的场景散射系数计算关于大斜视回波信号的残差,具体的表达式为

$$\hat{\mathbf{R}}^{(k)} = \mathbf{S}_{r} - \mathbf{M}^{-1}(\hat{\mathbf{\Theta}}^{(k)}) =$$

$$\mathbf{S}_{r} - \langle \{\mathbf{F}_{a}^{-1}(\left[(\left[(\mathbf{F}_{a} \cdot \hat{\mathbf{\Theta}}^{(k)}) \circ \mathbf{H}_{3}^{*}\right] \cdot \mathbf{F}_{r})\right] \circ$$

$$\mathbf{H}_{2}^{*}\rangle \rangle \circ \mathbf{H}_{1}^{*}\rangle \cdot \mathbf{F}_{r}^{-1}$$

$$(12)$$

$$\mathbf{T} \mathbf{P}_{r}^{(k)} \text{ 为第 } k \in \mathbf{M}$$

$$\mathbf{B} \mathbf{S} \mathbf{K} = \mathbf{A} + \mathbf{S} \mathbf{M} \mathbf{M} \mathbf{S} \mathbf{A} \mathbf{D} \text{ in } \mathbf{g} \mathbf{A} \mathbf{B}$$

射系数,k为所在的网络层数;S,为大斜视 SAR 的真实 回波;M为 RD 成像算法的逆过程。需要注意的是,深 度展开网络中的  $M^{-1}$ 是一个变量,当成像矩阵  $H_2$ 、 $H_3$ 在误差反向传播后发生变化时, $M^{-1}$ 随之发生变化,而 传统 ISTA 则是由回波信号形式直接决定。

2)算子更新层:用 P 表示,该子网络层的输入为 残差层计算得到的残差,并作用于 M,具体表达式为:  $\Delta \hat{\Theta}^{(k)} = M(\hat{R}^{(k)}) = F_a^{-1} \cdot \langle \{ ([F_a \cdot ([(\hat{R}^{(k)} \cdot F_r) \circ H_1])] \circ \hat{\Theta} Z H_2) F_r^{-1} \} \circ H_3 \rangle$  (13)  $P^{(k)} = \hat{\Theta}^{(k)} + \beta \Delta \hat{\Theta}^{(k)} = \hat{\Theta}^{(k)} + \beta M (S_r - M^{-1}(\hat{\Theta}^{(k)}))$  (14)

式中:β为迭代步长,在传统 ISTA 中每一次迭代中,β 的值是固定的,而在成像网络中是一个可学习的参数。

3)非线性变换层:用F表示,该子网络层用来

体现成像网络的非线性映射能力,通过对算子更新 层得到的进行非线性变换,获取大斜视 SAR 回波信 号到场景散射系数的非线性映射能力,同时输出下 一层的场景散射系数。具体表达式为:

$$\hat{\boldsymbol{\Theta}}^{(k+1)} = \mathbf{F}(\boldsymbol{P}^{(k)};\boldsymbol{\lambda},T)$$
(15)  
$$\mathbf{F}(\boldsymbol{P}^{(k)};\boldsymbol{\lambda},T) = \operatorname{soft}(\boldsymbol{P}^{(k)};\boldsymbol{\lambda},T) =$$

$$\operatorname{sign}(\boldsymbol{P}^{(k)})(|\boldsymbol{P}^{(k)}| - T)$$
(16)

式中:F(•)为成像网络的非线性变换; soft( $P^{(k)}$ ; $\lambda$ , T)表示与正则化参数 $\lambda$ 有关的软阈值函数; sign(•) 通常为符号函数,在所构建的成像网络中,将其直接 作为非线性变换层的激活函数,T为迭代阈值。该网 络层可学习的参数可以为迭代阈值 T,正则化参数 $\lambda$ 。

综上所述,所构建的大斜视 SAR LRD 成像网络的单层拓扑结构由残差层、算子更新层、非线性变换层 3 个子网络层构成,并且可学习的参数集为  $\Omega = \{H_2, H_3, \beta, T, \lambda\}$ 。需要说明的是,在网络训练 过程中为了减小网络学习参数的规模,成像矩阵  $H_2 \, H_3 \, Q \, \alpha$ —德中则是可变的。图 2 和图 3 分别 给出了所构建网络的整体网络拓扑结构以及单层拓 扑结构。其中单层的拓扑结构由迭代算法中一次迭 代过程决定,整个大斜视 SAR LRD 成像网络包含 具有相同的拓扑结构的  $k \in s$ 。



网络层数

图 3 第 k 层网络结构示意图

### 2.2 网络数据生成与训练

一般来说,雷达观测场景是未知的,无法直接对回波样本中添加有关场景散射系数的标签数据;另

一方面,由于网络性能受到监督训练的标记训练样本的限制,如果采用监督的训练方法,并根据常规的 大斜视 SAR 成像结果进行标记,则该网络的性能受 到常规成像方法的限制。因此,本文采用非监督的 训练方式对成像网络进行训练。

回波样本生成方面,由于样本生成是训练和测试前的预处理,是可以离线完成的,因此样本生成的 准确性比时间开销和计算负担更重要,同时,由于完 全准确的真实散射信息难以获得,实际测量数据很 难建立有效的样本集,为了得到较为精确的回波样 本集,本文采用理想的随机点散射模型并根据式(2) 的回波信号模型生成大斜视 SAR 回波,并加入系统 环境噪声,在不改变 SAR 成像模型的情况下生成大 量回波数据样本。设定回波样本数量为 N,回波样  $\hat{S} = \{\langle \{F_n^{-1}([([(F_n \cdot \hat{\Theta}^{(k)}))), f_n) \} \} \}$  本集  $S_n = \{S_1, S_2, \dots, S_N\}$ ,其中  $n = 1, 2, \dots, N$  为回 波样本序列号。

在回波样本集构建完毕之后,通过设计损失函数实现非监督学习,对网络进行误差反向传播时,因为采用的是非监督学习,无法直接度量网络的输出与真实场景散射系数之间的差异,而是直接利用网络最后一层得到的场景散射系数估计值作用于 $M^{-1}$ ,得到SAR回波的估计值并与真实回波进行对比。其回波估计值表达式如式(17)所示,设定损失函数为均方误差函数(mean square error,MSE),具体如式(18)所示:

$$\langle \{ \boldsymbol{F}_{a}^{-1} ( \left[ ( \left[ (\boldsymbol{F}_{a} \cdot \hat{\boldsymbol{\Theta}}^{(k)}) \circ \boldsymbol{H}_{3}^{*} \right] \cdot \boldsymbol{F}_{r} ) \right] \circ \boldsymbol{H}_{2}^{*} ) \} \circ \boldsymbol{H}_{1}^{*} \rangle \cdot \boldsymbol{F}_{r}^{-1} \}_{n}$$
(17)

$$\begin{cases} Loss(\boldsymbol{\Omega}) = \frac{1}{2N} \sum_{n=1}^{N} \| \boldsymbol{S}_n - \hat{\boldsymbol{S}}_n \|_{2}^{2} \end{cases}$$
(18)

$$\Omega = \arg \min(Loss(\Omega))$$

在网络训练过程中,可学习参数集 Ω 的训练 实质上是在求解优化损失函数的最小化。这可以 通过许多现有深度学习优化器来实现,包括梯度 下降、时间反向传播等。需要注意的是,由于大斜 视 SAR 回波是复数据,但在成像网络中数据均为 实数传播,因此,所构建的网络可以采用基于随机 梯度下降的 Adam 优化器进行训练。同时为了防 止在训练成像网络过程时出现梯度消失情况,将 学习率设定为较小的值,在满足条件的同时,收敛 的速度尽量快。

### 3 仿真实验与分析

本节将采集得到的大斜视 SAR 回波数据作为 样本,并仿真在噪声环境下对成像性能的影响,对仿 真数据进行成像验证。同时为了验证所提算法的优 越性,将其与改进后的 RD 算法以及传统 ISTA 算 法进行比较,需要注意的是,在与 ISTA 比较时,我 们将 ISTA 的迭代次数设置为与所提成像网络的网 络层数相等。

#### 3.1 点目标仿真实验

首先对噪声环境下的点目标成像性能进行验证。成像模式为条带模式,观测场景内包含有3个目标散射点。

在生成训练样本和测试样本方面,通过加入随机加性高斯白噪声产生1000个回波样本,信噪比的范围为-15~30 dB,并且随机选取样本数量的70%作为训练样本,30%作为测试样本。

在训练阶段,对于网络参数的初始化,根据文献 [3]将成像矩阵  $H_2$  和  $H_3$  初始化,进一步得到  $\Theta_0$ , 对迭代参数初始化 $\lambda_0 = 0.8, \beta_0 = 0.8, T_0 = 0.5,$ 得到 初始化参数集  $\Omega_0$ 。设定学习率为  $\eta=0.001$ 、batch size 设置为 4,整个样本集的训练次数(epoch)设置 为 1 000,训练样本  $N_{\text{train}} = 700$ 。

在测试阶段,测试样本为  $N_{\text{test}} = 300$ ,对测试样本集取平均得到最终的成像结果。最终成像时,将网络学习得到的成像矩阵  $H_2$  及  $H_3$ 、迭代步长、正则化参数、迭代阈值作为固定值输入成像网络,成像过程就转化成一次网络的前馈运算,可以直接输出成像结果。表1给出仿真对应的雷达参数以及网络参数。

表 1 雷达参数和网络参数

	参数	取值
雷达参数	工作载频 f <sub>0</sub> /GHz	10
	带宽 B/MHz	50
	脉冲重复频率 PRF/Hz	120
	脉冲持续时间 $T_p/\mu s$	1.0
	平台高度 $h/m$	10 000
	平台速度 $V_r/(m/s)$	100
	距离向分辨率/m	3
	方位向分辨率/m	2
	斜视角 θ/(°)	45,60,75
网络参数	训练样本数量	$N_{ m train}$
	学习率	η
	网络层数	k

本文所提方法采用 Python、Tensorflow1.14 实现成像网络模型,所有实验均在一台个人电脑(Intel i7-10875H,16GB RAM)上完成,并且利用一块英 伟达 Geforce RTX 2060 显卡进行 GPU 加速。图 4 给出不同网络层数下训练集的损失函数曲线图,可 以看出,网络在训练到 50 次左右时开始收敛,误差 逐渐趋于 0,随着网络层数的增加,网络的收敛速度 变慢,误差的振荡幅度在前 50 次训练逐渐变大。为 了平衡网络的误差以及网络大小之间的关系,本文的仿真实验均设置网络层数为8层。



设定雷达工作在 X 波段(0.03 m),点目标在距 离向和方位向均相距 30 m,场景中心点与载机航迹 的最近距离为10 km,图5给出在信噪比15 dB条 件下,不同算法的点目标成像结果对比图。需要注 意的是,大斜视条件下,成像之后点目标的位置在距 离向和方位向上均存在着偏移,因此需要进行几何 校正。图5是经过几何校正之后的结果,本文采取 的几何校正方法为文献[11],这里不再赘述。由图 5可以看出,3种算法均能够对点目标进行正确成 像,改进的 RD 成像算法点目标周围旁瓣较高,且当 目标相距不远时,容易在旁瓣交叉处形成虚假目标; L₂范数 ISTA 虽能够有效抑制旁瓣,但需要手工调 试参数才可以满足成像要求,而本文方法可以将学 习到的参数输入成像网络直接成像,实现点目标的 精确聚焦,体现出良好的成像性能。同时,本文方法 在斜视角较大的情况下仍可以有效适用。







#### 3.2 算法对比分析

为了展示所提成像方法的优势,现将所提方法 与传统大斜视成像算法(如 Omega-K、NCS)做对 比,需要说明的是,由于其它成像算法均为采取插值 操作,为了方便与其它算法进行对比我们对点目标 仿真时采用的是无须 Stolt 插值的近似 Omega-K 算法<sup>[12]</sup>,仿真条件设置为 15 dB 信噪比、斜视角为 45°条件下,其余参数均与表 1 相同。对比结果如 图 6 所示。从图中可以看出,本文方法抑制旁瓣的 效果相比于 Omega-K 算法、NCS 算法更好,展示了 较好的成像性能。



图 6 不同算法的点目标仿真结果

由于所提方法在经过网络深层迭代之后,其所 有参数均已固定,此时当输入大斜视 SAR 回波时, 网络相当于进行一次前馈运算即可得到 SAR 成像 结果。因此在计算其运算量时<sup>[12]</sup>,实际上仅需计算 式(9)中所涉及的操作即可,其包括距离向 FFT、方 位向 FFT、复数相乘、距离走动校正、2 次距离压缩 和 3 次相位补偿等。假设估算浮点运算量(FLOP) 的参数分别为:输入距离线数  $N_n = 4$  096,每一输入 距离线上的采样点数  $N_{rg} = 4$  096,每一输出距离线 上的采样点数为  $N_n = 3$  072。

因此所提方法中涉及到的距离向 FFT 的浮点 运算量 GFLOP =  $5N_nN_n \log_2(N_n)/10^9 \approx 1.01$ , 方位向 FFT 的 GFLOP =  $5N_nN_n \log_2(N_n)/10^9 \approx$ 0.76;复数相乘的 GFLOP =  $6N_nN_n/10^9 \approx 0.10$ ;2 次距离压缩及3次相位补偿的 GFLOP =  $12 N_n$  $N_n/10^9 \approx 0.16$ 。从而计算出所提方法总的运算量 为4.48GFLOP,在回波数据大小相同的条件下,近 似 Omega-K 算法总运算量为3.95GFLOP,NCS 算 法总运算量为6.34GFLOP,L<sup>2</sup>范数 ISTA 算法的运 算量为 48.26GFLOP。

同时为了定量对比所提方法与传统成像算法的成像性能,分别采用峰值旁瓣比(peak side lobe ratio,PSLR),积分旁瓣比(integral side lobe ratio, ISLR)来进行衡量,需要说明的是,这些指标均为场 景中心点目标经过计算得到。为了比较成像时间, 对所有算法均成像 50 次取平均值,其结果如表 2 所 示,所提方法在 PSLR、ISLR 等指标较传统算法有 明显提高,并且所提方法的成像速度与传统算法处 以同一数量级,而较 ISTA 算法成像速度快。综合 来看,所提方法相比传统成像算法能够同时兼顾成 像效率以及成像精度。

表 2 45°斜视角、15 dB 信噪比条件下不同算法成像 质量评价指标结果对比

算法	方位向	距离向	方位向	距离向	成像	运算量
	PLSR /dB	PLSR /dB	ISLR /dB	ISLR /dB	时间	(GFLOP)
改进 RDA	-6.37	-5.82	-2.93	-3.86	0.976	4.48
L <sub>2</sub> ISTA	-9.78	-6.68	-6.96	-6.57	26.472	48.26
近似 Omega-K	-8.38	-9.37	-7.35	-8.83	0.858	3.95
NCS	-11.68	-12.82	-10.16	-9.41	4.874	6.34
LRD	-14.22	-13.83	-11.18	-10.87	1.237	4.48

#### 3.3 面目标仿真实验

为了进一步说明本文方法的有效性,下面对面目标进行仿真验证。其中面目标的仿真涉及到的雷达参数以及网络参数设置与点目标仿真实验一致,回波信号同样加入系统环境噪声。场景的大小为100m×100m,网络输入回波矩阵S的大小为300×484,实验仍与RDA、L2范数ISTA等传统算法作对比,图7给出了仿真实验结果对比图。从图可以看出,改进RD成像算法在面目标成像时旁瓣较高,并且还存在着距离/方位的交叉耦合,传统ISTA虽能有效抑制 旁瓣,但是算法迭代成本较高。而所提的方法既可以有效完成距离/方位的解耦、抑制旁瓣,对于一些重点目标也能够精确成像,得到较为理想的成像结果。





### 4 结语

针对大斜视 SAR 的回波信号具有严重的距离/ 方位耦合,大距离徙动等特点,本文首先对大斜视 SAR 回波信号进行分析,而后确定成像网络所需学 习的参数,建立大斜视 SAR 二维成像网络模型,然 后通过学习训练得到较为精确的成像矩阵以及迭代 参数;最后,将回波数据、学习到的参数直接输入到 成像网络中,输出质量较好的 SAR 图像。通过具体 的点目标和面目标的仿真实例,对本文所提方法的 正确性和有效性进行了分析和验证。仿真结果表明,所提方法对于提升大斜视角下的 SAR 成像性能 具有良好的效果,成像精度相比于改进的 RD 算法、 传统大斜视成像算法也有了进一步的提高,满足大 斜视条件下的成像要求。

#### 参考文献

- [1] 保铮,邢孟道,王彤. 雷达成像技术[M]. 北京: 电子 工业出版社, 2006: 1-6.
- WONG F H, CUMMING I G. FocusingBistatic SAR Data using the Nonlinear Chirp Scaling Algorithm [J].
   IEEE Transaction on Geoscience and Remote Sensing, 2008, 46(9): 2493-2505.
- [3] WANG W, WU W H, et al. High Squint Mode SAR Imaging Using Modified RD Algorithm [C]// 2013 IEEE China Summit and International Conference on Signal and Information Processing. Beijing: IEEE, 2013, 589-592.
- [4] TANG S, ZHANG L, GUO P, et al. An Omega-K Algorithm for Highly Squinted Missile-Borne SAR with Constant Acceleration [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2014, 11(9): 1569-1573.
- [5] HINTON G, SALAKHUTDINOV R. R. Reducing the Dimensionality of Data with Neural Networks [J]. Science, 2006, 313(5786): 504-507.
- [6] RAVANI K, SABOO S, BHATT J S. A Practical Approach for SAR Image Despeckling Using Deep Learning [C]// IGARSS 2019-2019 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium. [S. l.]: IEEE, 2019: 2957-2960.
- [7] 罗迎,倪嘉成,张群. 基于"数据驱动+智能学习"的合成 孔径雷达学习成像[J]. 雷达学报,2020,9(1):107-122.
- [8] XU Z B, SUN J. Model-driven Deep-Learning, National Science Review [J]. National Science Review, 2017, 5 (1): 22-24.
- [9] ZHANG J, GHANEM B. ISTA-NET: Iterative Shrinkage-Thresholding Algorithm inspired Deep Network for Image Compressive Sensing[C]// 2018 IEEE/CVF Conference on Computer Vision and Pattern Recognitian. Salt Lake City, USA: IEEE, 2018:1828-1837.
- [10] YONEL B, MASON E, YAZICI B. Deep Learning for SAR Image Formation [C]// Algorithms for Synthetic Apertuie Radar Imagery XXIV, Proce of SPIE, Anaheim, USA:[s. n.], 2017, 10201: 1-11.
- [11] 吴勇,宋红军,彭靳. 基于时域去走动的 SAR 大斜视 CS 成像算法[J]. 电子与信息学报,2010,32(3): 593-598.
- [12] CUMMING I G, WONG F H. 合成孔径雷达成像算 法与实现[M]. 洪文,胡东辉,韩冰,等,译. 北京: 电子工业出版社, 2019: 293-295.

(编辑:徐敏)