# 组网雷达弹道目标三维微动特征提取

张 栋1, 冯存前1, 贺思三1, 师俊朋1, 魏代春2

(1. 空军工程大学防空反导学院,陕西西安,710051;2.94175部队,新疆乌鲁木齐,830006)

**摘要** 研究弹道目标中的滑动型散射中心三维微动特征提取问题。分析滑动型散射中心的特点,介绍一种基于半周期时延相乘的散射中心微动特征提取方法,建立滑动型散射中心和理想散射中心微动的数学联系,利用组网雷达的多视角特性,从回波信号中提取参数,通过构造多元非线性方程组,以提取的参数作为变量,求解目标三维微动参数和部分结构特征。仿真实验验证了该方法的有效性。

关键词 组网雷达;微多普勒;滑动型散射中心;三维微动特征

**DOI** 10. 3969/j. issn. 1009-3516. 2014. 04. 009

**中图分类号** TN957 **文献标志码** A 文章编号 1009-3516(2014)04-0034-04

## Extraction of Three-Dimensional Micro-motion Feature from Ballistic Target in Netted Radar

ZHANG Dong<sup>1</sup>, FENG Cun-qian<sup>1</sup>, HE Si-san<sup>1</sup>, SHI Jun-peng<sup>1</sup>, WEI Dai-chun<sup>2</sup>

(1. Air and Missile Defense College, Air Force Engineering University, Xi'an 710051, China;2. Unit 94175, Urumqi 830006, China)

Abstract: Extraction method of three-dimensional micro-motion feature from sliding-type scattering center in ballistic target is studied. Firstly, the characteristics of sliding-type scattering center are analyzed in the paper, a new feature extraction method based on half period delay multiplication is introduced, and the mathematical relationships between sliding-type scattering center and ideal scattering center are built up. And then parameters are extracted from echo signals by utilizing the multi-view characteristics of netted radar. Through the structure of nonlinear multivariable equation systems, the three-dimensional micromotion paracters and part of the structure features are solved by taking an extracted parameter as variate. The simulation results show that the proposed algorithm is effective.

**Key words**:netted radar; micro-Doppler; sliding-type scattering center; three-dimensional micro-motion feature(换)

微动特征是目标的独特特征,包含更多的目标 细节信息,近年来基于微动特性的弹道目标识别受 到广泛关注<sup>[13]</sup>。Chen VC以理想点散射模型为基 础,推导了振动、旋转、锥旋、摆动等基本微动的运动 学模型,并给出了单频雷达回波信号形式,指出上述 微动信号是正弦调频信号,微多普勒具有正弦形 式<sup>[46]</sup>。马梁<sup>[7]</sup>等人对弹体不同位置散射中心的微 动特性进行了较为完整的建模。雷腾<sup>[8]</sup>研究了一种

收稿日期:2013-09-26

**引用格式:**张栋,冯存前,贺思三,等.组网雷达弹道目标三维微动特征提取[J].空军工程大学学报:自然科学版,2014,15(4):34-37. ZHANG Dong,FENG Cunqian,HE Sisan,et al.Extraction of three-dimensional micro-motion feature from ballistic target in netted radar[J]. Journal of air force engineering university:natural science edition,2014,15(4):34-37.

基金项目:国家自然科学基金资助项目(61372166);陕西省自然科学基础研究计划资助项目(2014JM8308)

作者简介:张 栋(1990-),男,河北辛集人,硕士生,主要从事信号处理研究.E-mail:zhangdongtougao@163.com

然而,由于在单基雷达条件下只能提取雷达视 线方向(Line of Sight, LOS)上的微动特征,限制了 识别的精确性,而在组网雷达中,目标的微动在不同 视角上有着不同的投影分量,这就为目标三维微动 特征提供可能。而且目前组网雷达微动提取技术大 部分基于理想散射中心,对于非理想散射中心研究 较少。本文以线性调频信号雷达组网为例对非理想 散射中心进行研究。

### 1 非理想散射中心理想化

假设锥体弹道目标上滑动型散射中心的位置与 雷达视线方向的关系见图 1。以目标对称轴与锥旋 轴的交点 O 作为坐标原点,锥旋轴为 Z 轴且 Z 轴正 向为锥顶方向,建立参考坐标系(X,Y,Z),定义 YOZ 平面为初始时刻对称轴与 Z 轴所在平面,X 轴 方向符合右手螺旋准则。弹道目标绕锥旋轴以角速 度  $\omega_c$  做锥旋运动,锥旋角为  $\theta$ 。假设雷达视线在参 考坐标系(X,Y,Z)中的方位角为  $\alpha$ ,与 Z 轴夹角为  $\beta'$ ,在整个组网雷达所构成的全局坐标系中的方位 角和俯仰角分别为  $\alpha$  和  $\beta$ ,雷达视线方向与圆环相 交于  $p_{\chi}q_2$ 点,t 时刻雷达视线与对称轴的夹角为  $\varphi_t$ ,坐标原点 O 与  $p_{\chi}q_2$ 点的距离为  $l, Op_{\chi}Oq$  与弹 道目标对称轴的夹角为  $\gamma$ 。在 t 时刻, Op 和 Oq 与 雷达视线的夹角分别为  $\pi - \varphi_t + \gamma$   $\pi - \varphi_t - \gamma$ 。



图 1 面区优级与有功型取射中心的几种关系 Fig.1 Geometry of radar LOS and sliding-type scattering center

通过计算可以得出滑动型散射中心微距离项存 在与夹角 *φ*<sub>i</sub> 相关的非正弦调制项。这是由于雷达 电磁波入射面随目标对称轴的转动而变化造成散射 中心在弹道导弹底面边缘结构上滑动而产生的。

文献[7]用泰勒级数的原理对非正弦调制项进 行泰勒近似,则  $\mathbf{R}_{p}(t)$ 、 $\mathbf{R}_{q}(t)$ 可表示为:

$$\begin{cases} \mathbf{R}_{p}(t) = \mathbf{R}_{0} + (\mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{2}) + (\mathbf{b}_{1} + \mathbf{b}_{2}) \sin(\mathbf{\omega}_{c} t - \mathbf{\alpha}) - \mathbf{c}_{0} \cos(2\mathbf{\omega}_{c} t - 2\mathbf{\alpha}) \\ \mathbf{R}_{q}(t) = \mathbf{R}_{0} + (\mathbf{a}_{1} - \mathbf{a}_{2}) + (\mathbf{b}_{1} - \mathbf{b}_{2}) \sin(\mathbf{\omega}_{c} t - \mathbf{\alpha}) + \mathbf{c}_{0} \cos(2\mathbf{\omega}_{c} t - 2\mathbf{\alpha}) \end{cases}$$
(1)

式中的系数  $a_1, b_1, a_2, b_2, c_0$  与  $l, \gamma, \beta', \theta$  有确定函数关系。

可见,滑动散射中心经过泰勒近似后具有周期 调制特性,而且可以看出是受 ω<sub>c</sub>和 2ω<sub>c</sub>2 个频率叠 加的正弦调制,调制的规律与进动角、弹道目标底面 边缘结构参数以及雷达视线方向有关。

设雷达发射线性调频信号,则弹道目标底面边缘上 *p*、*q* 2点的回波可表示为:

$$\begin{cases} s_{p}(t_{k}, t_{m}) = \sigma_{p} \operatorname{rect}\left[\frac{t_{k} - 2R_{p}(t_{m})/c}{T_{p}}\right] \cdot \\ \exp\left[j2\pi\left[f_{c}(t-2R_{p}(t_{m})/c) + \frac{1}{2}\gamma(t_{k} - 2R_{p}(t_{m})/c)^{2}\right]\right] \\ s_{q}(t_{k}, t_{m}) = \sigma_{q} \operatorname{rect}\left[\frac{t_{k} - 2R_{q}(t_{m})/c}{T_{p}}\right] \cdot \\ \exp\left[j2\pi\left[f_{c}(t-2R_{q}(t_{m})/c) + \frac{1}{2}\gamma(t_{k} - 2R_{q}(t_{m})/c)^{2}\right]\right] \end{cases}$$
(2)

式中 $\sigma_p$ 、 $\sigma_q$ 分别为p、q 2 点的电磁散射系数。设参 考距离为 $\mathbf{R}_{tel}$ , 令  $\mathbf{R}_{\Delta p}(t_m) = \mathbf{R}_p(t_m) - \mathbf{R}_{rel}$ ,  $\mathbf{R}_{\Delta q}(t_m)$ =  $\mathbf{R}_q(t_m) - \mathbf{R}_{rel}$ , 对回波信号进行 Stretch 处理后, 令  $t'_k = t_k - 2\mathbf{R}_0/c$ ,并补偿视频残余项以后,得到  $s_{if}$ ( $t'_k, t_m$ ) =  $s_{ip}(t'_k, t_m) + s_{iq}(t'_k, t_m)$ ,考虑到 2 个微距 离  $\mathbf{R}_{\Delta p}(t_m)$ 和  $\mathbf{R}_{\Delta q}(t_m)$ 的调制特性取决于  $\omega_c$  和 2 $\omega_c$ 2 个频率分量,且调制周期  $\mathbf{T} = 2\pi/\omega_c$ ,而在相隔 半个调制周期的时间内, p、q 2 点的径向距离变化 仅与  $\omega_c$ 分量有关与 2 $\omega_c$ 分量无关,这样就可以不用 考虑 2 $\omega_c$ 分量的影响,实现滑动型散射中心的理想 化,而所需的微动周期%~可以通过时间距离像包络 相关的微动周期特征提取方法来得到。

文献[8]将目标回波和回波的半周期时延信号 相乘后得到:

 $s_c(t'_k, t_m) = s_{if}(t'_k, t_m) s_{if}(t'_k, t_m + T/2)$  (3)

在快时间  $t'_{k}$  内对  $s_{c}(t'_{k}, t_{m})$ 进行傅里叶变换得 到 4 个分量的线性叠加,而它们的相位项分别为:

$$\begin{cases} \varphi_{1} = \exp\left\{-j\frac{8\pi f_{c}}{c}\left(\Delta R + a_{1} + a_{2} - c_{0}\cos(2\omega_{c}t_{m} - 2a')\right)\right\} \\ \varphi_{2} = \exp\left\{-j\frac{8\pi f_{c}}{c}\left(\Delta R + a_{1} - a_{2} + c_{0}\cos(2\omega_{c}t_{m} - 2a')\right)\right\} \\ \varphi_{3} = \exp\left\{-j\frac{8\pi f_{c}}{c}\left(\Delta R + a_{1} + b_{2}\sin(\omega_{c}t_{m} - a')\right)\right\} \\ \varphi_{4} = \exp\left\{-j\frac{8\pi f_{c}}{c}\left(\Delta R + a_{1} - b_{2}\sin(\omega_{c}t_{m} - a')\right)\right\} \end{cases}$$
(4)

可见,经半周期时延相乘后,回波信号变为4个

分量组合,而这些分量的相位均为正弦调制相位,对 其进行距离压缩,可将目标的时间-距离像中原来的 2条非正弦曲线转化为4条中值不为零的正弦曲 线,这又将滑动型散射中心的微动特征提取问题回 归到了理想散射中心的微动特征提取问题,从而实 现了弹道目标底面边缘滑动型散射中心微动信号的 理想化。

2 三维微动提取

观察式(4)可知,组网雷达中任意一部雷达经过 自身回波半周期时延相乘重构后的回波中时间-距 离像曲线参数包含2个幅度信息:2 $c_0$ 和2 $b_2$ ;4个相 位信息: $-\alpha',\pi-\alpha',\pi/2-2\alpha'$ 和 $3\pi/2-2\alpha';3$ 个中值 信息: $2(\Delta R + a_1 + a_2),2(\Delta R + a_1 - a_2)$ 和2( $\Delta R + a_1$ )。而且其中中值相同的2条正弦曲线的幅值均 为2 $b_2$ ,但是相位分别为- $\alpha'$ 和 $\pi - \alpha'$ ,假设通过扩展 Hough变换提取出的正弦曲线参数信息分别为:频 率为 $\omega_c$ 的曲线对应的2个分量( $A_1,\varphi_1,d_1$ )、 ( $A_2,\varphi_2,d_2$ ),频率2 $\omega_c$ 的曲线对应的2个分量 ( $A_3,\varphi_3,d_3$ )、( $A_1,\varphi_1,d_1$ ),由于幅值 $A_1$ 可以很容 易的从这些参数中分离出来,重点研究幅值 $A_1$ ,从 以上分析可知,振幅 $A_1$ 与 $l\sin\gamma,\theta,\beta'$ 有关, $l\sin\gamma$ 是 圆环半径,而 $\beta'$ 与在全局坐标系下的雷达视角( $\alpha$ ,  $\beta$ )以及锥旋轴有如下关系:

$$\cos\beta' = \frac{\cos\beta\sin\alpha\omega_{x} + \cos\beta\cos\alpha\omega_{y} + \sin\beta\omega_{z}}{\sqrt{\omega_{x}^{2} + \omega_{y}^{2} + \omega_{z}^{2}}} \quad (5)$$

因此,可以通过位于不同视角的多部雷达的合作,来求得其中的未知参数。假设组网雷达中总共有 N 个雷达,各个雷达可以得到不同的正弦曲线幅值  $A_{1K}$ ,K=1,2,...,N,而不同的  $A_{1K}$ 与圆环半径、进动角、锥旋以及各个雷达在全局坐标系下的视线角  $\alpha_{K}$ 、 $\beta_{K}$ 有对应关系。

综上所述,建立组网雷达中圆环边缘散射结构 三维微动特征提取方程为:

$$\begin{vmatrix} \mathbf{A}_{1\mathbf{K}} = -2\iota\sin\gamma \frac{\sin\theta\sin\beta_{\mathbf{K}}\cos\theta\cos\beta_{\mathbf{K}} \sqrt{1-\cos^{2}\theta\cos^{2}\beta_{\mathbf{K}}}}{1-\cos^{2}\theta\cos^{2}\beta_{\mathbf{K}}'} \\ \cos\beta_{\mathbf{K}} = \frac{\cos\beta_{\mathbf{K}}\sin\alpha_{\mathbf{K}}\omega_{x} + \cos\beta_{\mathbf{K}}\cos\alpha_{\mathbf{K}}\omega_{y} + \sin\beta_{\mathbf{K}}\omega_{z}}{\omega_{c}} \\ \mathbf{K} = 1, 2, \cdots, \mathbf{N} \\ \omega_{x}^{2} + \omega_{y}^{2} + \omega_{z}^{2} = \omega_{c}^{2} \end{aligned}$$
(6)

式(6)中的方程组中包含 2 个独立方程和 5 个 未知参数即进动角、锥旋矢量的 3 个分量  $\omega_x, \omega_y, \omega_z$ 和底面半径,则经过数学分析可知,可以通过 4 部雷 达的测量数据构建方程组,利用 Matlab 中的 fsolve 函数实现这 5 个参数的解算,最终达到三维微动特征和部分结构特征的提取。

#### 3 仿真分析

仿真参数设置:微动周期 T 为 0.5 s,坐标原点 O'与底面边缘的距离为  $\sqrt{2}/2$  m,圆环边缘与 O<sup>'</sup>点 的连线与对称轴的夹角为 45°,目标对称轴与锥旋 轴的夹角为 30°,4 部雷达视线在全局坐标系下的方 位角 和高低角分别为(30°,68°)、(35°,76°)、(40°, 84°)、(45°,89°),在全局坐标系中  $\omega_c = 4\pi$  rad/s,锥 旋矢量为( $\pi$ , $\sqrt{3}\pi$ , $-2\sqrt{3}\pi$ )rad/s,线性调频信号雷 达载频分别为 8 GHz ,9 GHz ,10 GHz ,11 GHz, 脉冲重复频率为 2 kHz,带宽均为 2 GHz。

图 2~图 5 分别为经过重构的回波时间-距离 像。从图中可以清楚的看到时间-距离像中的 4 条 单一频率的正弦曲线,而且几幅图中的正弦曲线均 不相同,这就验证了前面理论分析得到的正弦曲线 参数与雷达视角关系的正确性,可见本文介绍的滑 动散射中心理想化处理方法有效地避免了多种正弦 频率组合调制项的干扰,实现了非理想散射中心的 理想化。









Fig.5 The reconstruct picture of radar 4

经过扩展 Hough 变换,对各雷达的时间-距离 像中4条正弦曲线进行参数提取后,可以得到所需 要的 A<sub>1</sub>k值,见表1。可以看出各部雷达所提取的 振幅值均不相同,而且与理论值之间存在合理误差, 证明该方法有效可行。

表1 正弦曲线振幅

	Tab.1	The amplitude of sine wave
	雷达	$\mathbf{A}_{1\mathbf{K}}/\mathbf{m}$
	1	0.246 4(理论值 0.248 3)
	2	0.274 8(理论值 0.276 7)
	3	0.286 7(理论值 0.288 6)
_	4	0.283 3(理论值 0.285 2)

将得到的这些振幅提取值代入式(6)后通过 fsolve函数解得: $l\sin\gamma=0.4832m,\theta=33.6024^{\circ}$ ,  $(\omega_x,\omega_y,\omega_z)=(3.8833,5.2539,-10.7435)rad/s$ , 与前面的仿真设置值 $l\sin\gamma=0.5m,\theta=30^{\circ}$ , $(\omega_x,\omega_y,\omega_z)=(\pi,\sqrt{3}\pi,-2\sqrt{3}\pi)rad/s$ ,存在的误差在允 许范围之内,因此,充分证明了本文所提方法的正确 性。由于传统的单部雷达的视角限制,因此,以前所 提出的方法仅能获得散射中心在雷达视线上的微动 参数,而且大部分提取方法都是局限于理想的散射 中心,对非理想的散射中心研究很少,但本文所提出 的组网雷达处理方法不仅解决了滑动型散射中心的 微动参数提取问题,而且在获得进动角的同时,还得 到了部分结构参数(弹道目标底面半径)以及三维的 锥旋矢量,这样就使得提取的参数更加准确化和精 细化,获得了更多的目标信息。

#### 4 结语

本文从提取弹道目标精细微动特征和结构出 发,研究了弹道目标底面边缘结构中滑动散射点的 微多普勒效应,并利用雷达网的多视角特性成功提 取底面边缘结构的三维微动参数和部分结构特征参 数,克服了普通单基雷达仅能提取目标雷达视线方 向上微动分量以及只针对理想散射中心的局限,为 特殊目标识别提供了更为准确丰富特征信息。

#### 参考文献(References):

- [1] Chen V C, Li F Y, Ho S S, et al. Micro-Doppler effect in radar phenomenon model and simulation study[J]. IEEE trans on AES, 2006, 42(1): 2-21.
- [2] Luo Ying, Chi Long, Zhang Qun, et al. A novel method for extraction of micro-Doppler signal [C]//IEEE 2007 international symposium on microwave antenna propagation and EMC technologies for wireless communications. Hangzhou: IEEE press, 2007:1458-1462.
- [3] Chen V C, Spatial and temporal independent component analysis of micro-Doppler features [C]//IEEE international radar conference.Arlington,Virginia: IEEE press, 2005:348-353.
- [4] Chen V C. Doppler signatures of radar backscattering from objects with micro-motions[J]. IET signal processing, 2008, 2 (3): 291-300.
- [5] Chen V C, Li F. Analysis of micro-Doppler signatures [J].IEEE proc radar sonar navig, 2003,150(4): 271-276.
- [6] Chen V C. Analysis of radar micro-Doppler signature with time -frequency transform [C]// Proceedings of IEEE workshop on statistical signal and array processing. [S. l.]: IEEE press, 2000: 463-466.
- [7] 马梁,刘进,王涛,等.旋转对称目标滑动型散射中心的微Doppler特性[J].中国科学,2011,41(5):605-616.
  MA Liang, LIU Jin, WANG Tao, et al. Micro-Doppler characteristics of sliding-type scattering center on rotationally symmetric target[J]. Science in China, 2011,41(5):605-616.(in Chinese)
- [8] 雷腾.雷达目标微动特征提取与三维重构[D]. 西安:空军工程 大学, 2012.

LEI Teng, Micro-motion signature extraction and 3D reconstruction of radar targets[D]. Xi'an: Air force engineering university, 2012. ( in Chinese)

(编辑:田新华)